

Attention, ce document est non achevé,  
il comporte des lacunes  
et (certainement) des erreurs.

# Introduction à la Mécanique des Roches

Université Joseph Fourier, U.F.R. de Mécanique  
Institut National Polytechnique de Grenoble

Master 2<sup>nde</sup> année Recherche :  
Mécanique, Energétique et Ingénieries

Option : Conception, Géomécanique, Matériaux

année 2004 - 2005

Pierre Bésuelle

# Contents

|          |   |           |
|----------|---|-----------|
| <b>1</b> | <b>Introduction</b>   | <b>3</b>  |
| 1.1      | Bref historique . . . . .   | 3         |
| 1.2      | Ce qui caractérise les roches . . . . .                               | 5         |
| 1.3      | Classification des roches . . . . .                                   | 6         |
| 1.3.1    | Minéraux principaux . . . . .   | 6         |
| 1.3.2    | Les trois classes de roches . . . . .                                 | 6         |
| 1.4      | Description en mécanique des roches . . . . .                         | 8         |
| 1.4.1    | La porosité . . . . .   | 9         |
| 1.4.2    | L'altération . . . . .  | 11        |
| 1.4.3    | La fissuration . . . . .  | 12        |
| 1.4.4    | L'anisotropie de structure . . . . .                                  | 15        |
| 1.4.5    | Les discontinuités . . . . .  | 17        |
| 1.5      | Quelques références . . . . .   | 19        |
| <b>2</b> | <b>Comportement mécanique (instantané) des roches</b>                 | <b>20</b> |
| 2.1      | Introduction . . . . .  | 20        |
| 2.2      | Méthodes d'essais de laboratoire et analyse de comportement . . . . . | 21        |
| 2.2.1    | Rappel sur la notion de chemin de contrainte suivi . . . . .          | 21        |
| 2.2.2    | Dispositifs expérimentaux de chargement . . . . .                     | 23        |
| 2.2.3    | Dispositifs de mesure . . . . .                                       | 26        |
| 2.3      | Réponses types des roches . . . . .                                   | 28        |
| 2.3.1    | Sollicitation isotrope . . . . .                                      | 28        |
| 2.3.2    | Sollicitation déviatorique . . . . .                                  | 29        |
| 2.4      | Micromécanismes de déformation . . . . .                              | 35        |
| <b>3</b> | <b>Lois de comportement instantané</b>                                | <b>39</b> |
| 3.1      | Notions sur les lois incrémentales . . . . .                          | 39        |
| 3.2      | Lois élastiques anisotropes . . . . .                                 | 40        |
| 3.2.1    | Considération à l'échelle de l'atome . . . . .                        | 41        |
| 3.2.2    | Potentiel élastique . . . . .   | 41        |
| 3.2.3    | Symétries matérielles . . . . .                                       | 43        |
| 3.2.4    | Exemple d'identification de paramètres . . . . .                      | 46        |
| 3.3      | Lois élasto-plastiques . . . . .                                      | 47        |
| 3.3.1    | Équations des modèles à un mécanisme . . . . .                        | 48        |

|          |  |           |
|----------|--|-----------|
| 3.3.2    | Exemples de surface d'écoulement . . . . .                       | 50        |
| 3.3.3    | Lois à deux mécanismes plastiques . . . . .                      | 53        |
| 3.4      | Lois d'endommagement . . . . .                                   | 55        |
| 3.4.1    | Approches phénoménologiques . . . . .                            | 55        |
| 3.4.2    | Considérations microscopiques . . . . .                          | 58        |
| 3.5      | Lois hypoplastiques . . . . .                                    | 58        |
| <b>4</b> | <b>Rupture dans les roches</b>                                   | <b>59</b> |
| 4.1      | Introduction . . . . .   | 59        |
| 4.2      | Critères de résistance . . . . .                                 | 62        |
| 4.3      | Mécanique de la rupture fragile . . . . .                        | 67        |
| 4.4      | Localisation de la déformation, analyse en bifurcation . . . . . | 77        |
| <b>5</b> | <b>Couplage hydro-mécanique</b>                                  | <b>78</b> |
| <b>6</b> | <b>Propagation des ondes</b>                                     | <b>84</b> |

# Bibliography

- D. Allirot, J.-P. Boehler, and A. Sawczuk. Irreversible deformations of an anisotropic rock under hydrostatic pressure. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 14:77–83, 1977.
- B.K. Atkinson. Introduction to fracture mechanics and its geophysical application (chapter 1). In B.K. Atkinson, editor, *Fracture Mechanics of Rocks*, pages 1–26. Academic Press, New-York, 1987.
- P. Bésuelle, J. Desrues, and S. Raynaud. Experimental characterisation of the localisation phenomenon inside a Vosges sandstone in a triaxial cell. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 37(8):1223–1237, 2000.
- P. Bésuelle and J.W. Rudnicki. Localization: Shear bands and compaction bands (chapter 5). In Y. Guéguen and M. Boutéca, editors, *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*, pages 219–321. Academic Press, New-York, 2004.
- M.A. Biot. General theory of three dimensionnal consolidation. *J. Appl. Phys.*, 12: 155–164, 1941.
- M.A. Biot. Nonlinear and semilinear rheology of porous solids. *J. Geophys. Res.*, 78 (23):4924–4937, 1973.
- W.F. Brace. Volume changes during fracture and frictionnal sliding: a review. *Pure Appl. Geophys.*, 116:603–614, 1978.
- CFMR. *Manuel de Mécanique des Roches, Tome 1 : Fondements*. Presse de l'école des Mines, Paris, 2000.
- O. Coussy. *Mécanique des Milieux Poreux*. Technip, Paris, 1991.
- G. Dresen and Y. Guéguen. Damage and rock physical properties (chapter 4). In Y. Guéguen and M. Boutéca, editors, *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*, pages 169–217. Academic Press, New-York, 2004.
- Y. Guéguen and M. Boutéca. *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*. Academic Press, New-York, 2004.
- Y. Guéguen, L. Dormieux, and M. Boutéca. Fundamentals of poromechanics (chapter 1). In Y. Guéguen and M. Boutéca, editors, *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*, pages 1–54. Academic Press, New-York, 2004.

- Y. Guéguen and V.V. Palciauskas. *Introduction à la Physique des Roches*. Hermann, Paris, 1992.
- P.-Y. Hicher and J.-F. Shao. *Elastoplasticité des Sols et des Roches*. Hermès, Paris, 2002a.
- P.-Y. Hicher and J.-F. Shao. *Lois incrémentales, Viscoplasticité, Endommagement*. Hermès, Paris, 2002b.
- P.A. Hsieh, J.V. Tracy, C.E. Neuzil, J.D. Bredehoeft, and S.E. Silliman. A transient laboratory method for determining the hydraulic properties of tight rocks - I. theory. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 18:245–252, 1981.
- ISRM. Suggested methods for determining the uniaxial compressive strength and deformability of rock materials. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 16:137–140, 1979.
- ISRM. Suggested methods for determining the strength of rock materials in triaxial compression: Revisited version. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 20(6):283–290, 1983.
- J.C. Jaeger and N.G.W. Cook. *Fundamentals of Rock Mechanics*. Methuen, London, 1969. 2nd edition 1976.
- J. Jung. *Précis de Pétrographie*. Masson, Paris, 1963.
- M. Kachanov. Elastic solids with many cracks and related problems. *Advances Appl. Mech.*, Academic Press, 30:259–445, 1993.
- R.L. Kranz. Microcracks in rocks: a review. *Tectonophysics*, 100:449–480, 1983.
- J.F. Labuz, S.-T. Dai, and E. Papamichos. Plane-strain compression of rock-like materials. *Int. J. Rock Mech. Min. Sci.*, 33(6):573–584, 1996.
- P.V. Lade. Elasto-plastic stress-strain theory for cohesionless soil with curved yield surface. *Int. J. Solids Struct.*, 13:1019–1035, 1977.
- P.V. Lade and J.M. Duncan. Elasto-plastic stress-strain theory for cohesionless soil. *ASCE: J. Geotech. Engng. Div.*, 101(GT10):1037–1053, 1975.
- L. Landau and E. Lifchitz. *Physique théorique : Théorie de l'élasticité, Tome 7*. Mir, Moscou, 1967. 2nd edition 1990.
- B.R. Lawn and T.R. Wilshaw. *Fracture of Brittle Solids*. Cambridge University Press, 1975. 2nd edition, 1993.
- F. Lehner and Y. Leroy. Sandstone compaction by intergranular pressure solution (chapter 3). In Y. Guéguen and M. Boutéca, editors, *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*, pages 115–168. Academic Press, New-York, 2004.
- J. Lemaitre. *A Course on Damage Mechanics*. Springer, Berlin, 1992.
- J. Mandel. *Cours de Mécanique des Milieux Continus*. Gauthier-Villars, Paris, 1966.

- K. Mogi. Effect of the triaxial stress system on the failure of dolomite and limestone. *Tectonophysics*, 11:111–127, 1971.
- M.S. Paterson. *Experimental Rock Deformation, The Brittle Field*. Springer, Berlin, 1978.
- J.R. Rice and M.P. Cleary. Some basic stress-diffusion solutions for fluid-saturated elastic porous media with compressible constituents. *Rev. Geophys. Space Phys.*, 14:227–241, 1976.
- G.K. Scholey, J.D. Frost, D.C.F. Lo Presti, and M. Kamiolkowski. A review of instrumentation for measuring small strains during triaxial testing of soil specimens. *Geotech. Test. J.*, 18(2):137–156, 1995.
- J. Talobre. *La Mécanique des Roches*. Dunod, Paris, 1957.
- H.A.M. Van Eekelen. Isotropic yield surfaces in three dimensions for use in soil mechanics. *Int. J. Numer. Anal. Meth. Geomech.*, 4:89–101, 1980.
- C.C. Wang. A new representation theorem for isotropic functions. *Arch. Rat. Mech. Anal.*, 36(I-II):166–223, 1970.
- T.-f. Wong, C. David, and B. Menéndez. Mechanical compaction (chapter 2). In Y. Guéguen and M. Boutéca, editors, *Mechanics of Fluid-Saturated Rocks*, pages 55–114. Academic Press, New-York, 2004.